

**PRÜFUNGSKLAUSUR F'03**  
***Energietechnik***

08. März 2003

Prüfungsdauer: 3 Stunden [1,5 Std.]

Bitte vollständig ausfüllen – eine Bearbeitung ist sonst nicht möglich!

Name, Vorname: .....

Matr.-Nr.: .....

Straße: .....

PLZ und Ort: .....

Geb.-Datum/-ort: .....

**Diese Klausur umfasst 5 Seiten. Bitte überprüfen!**

Für **Informatik- und Mathematikstudenten mit Nebenfach Elektrotechnik** gelten die Angaben in den eckigen Klammern [Nur Aufgabenteile 1a) - c), 2a) - c) und 3a) – d) ].

Aufgabe	1	2	3	Summe
erreichbare Punkte	35 [17]	30 [18]	35 [15]	100 [50]
erreichte Punkte				

Datum	1. Prüfer	2. Prüfer	Note

**Aufgabe 1:****Kraftwerk (35 Punkte)**

In einem Kraftwerk ist eine Gasturbinenanlage mit einer Nutzleistung von 8,1 MW installiert. Die Anlage arbeitet nach dem Joule-Prozess und benutzt Luft als Arbeitsmedium. Von der Anlage ist außerdem bekannt, dass der Prozess beim optimalen Druckverhältnis  $\left(\frac{p_2}{p_4}\right)_{opt} = 8,0$  abläuft und die niedrigste Prozesstemperatur  $\vartheta_1 = 42^\circ C$  beträgt.

- Wie hoch ist die maximal bei dem Prozess auftretende Temperatur?
- Berechnen Sie den thermischen Wirkungsgrad, die spezifische Nutzarbeit und den Carnot-Faktor!
- Ermitteln Sie das Arbeitsverhältnis  $r$  der Anlage!
- Wie groß ist der erforderliche Massenstrom bei diesem Prozess?
- Geben Sie das Verhältnis der installierten Maschinenleistung zur Nutzleistung an!
- Skizzieren Sie qualitativ den Prozess im T-s-Diagramm und berechnen Sie die Temperaturwerte  $\vartheta_2$  und  $\vartheta_4$  !

**Hinweis:** Die spez. Wärmekapazitäten von Luft sind als konstant anzunehmen:  
( $\kappa = 1,4$ ;  $c_p = 1,004 \text{ kJ / kgK}$ )

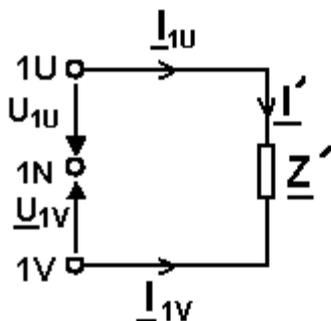
**Aufgabe 2:****Drehstromtransformator (30 Punkte)**

An einen Drehstromtransformator der Schaltgruppe Yzn5 ist auf der Sekundärseite zwischen den Klemmen 2U und 2N eine einphasige Last  $\underline{Z}$  angeschlossen. Die Primärseite wird von einem Drehstromnetz ( $U = 20 \text{ kV}$ ,  $f = 50 \text{ Hz}$ ) versorgt. Das Schaltbild des als ideal und verlustfrei angenommenen Transformators ist auf der folgenden Seite gegeben. Die Windungszahlenverhältnisse betragen

$$\underline{u} = W_{\text{primär}} : W_{\text{sekundär 1}} = W_{\text{primär}} : W_{\text{sekundär 2}} = 50 : 1$$

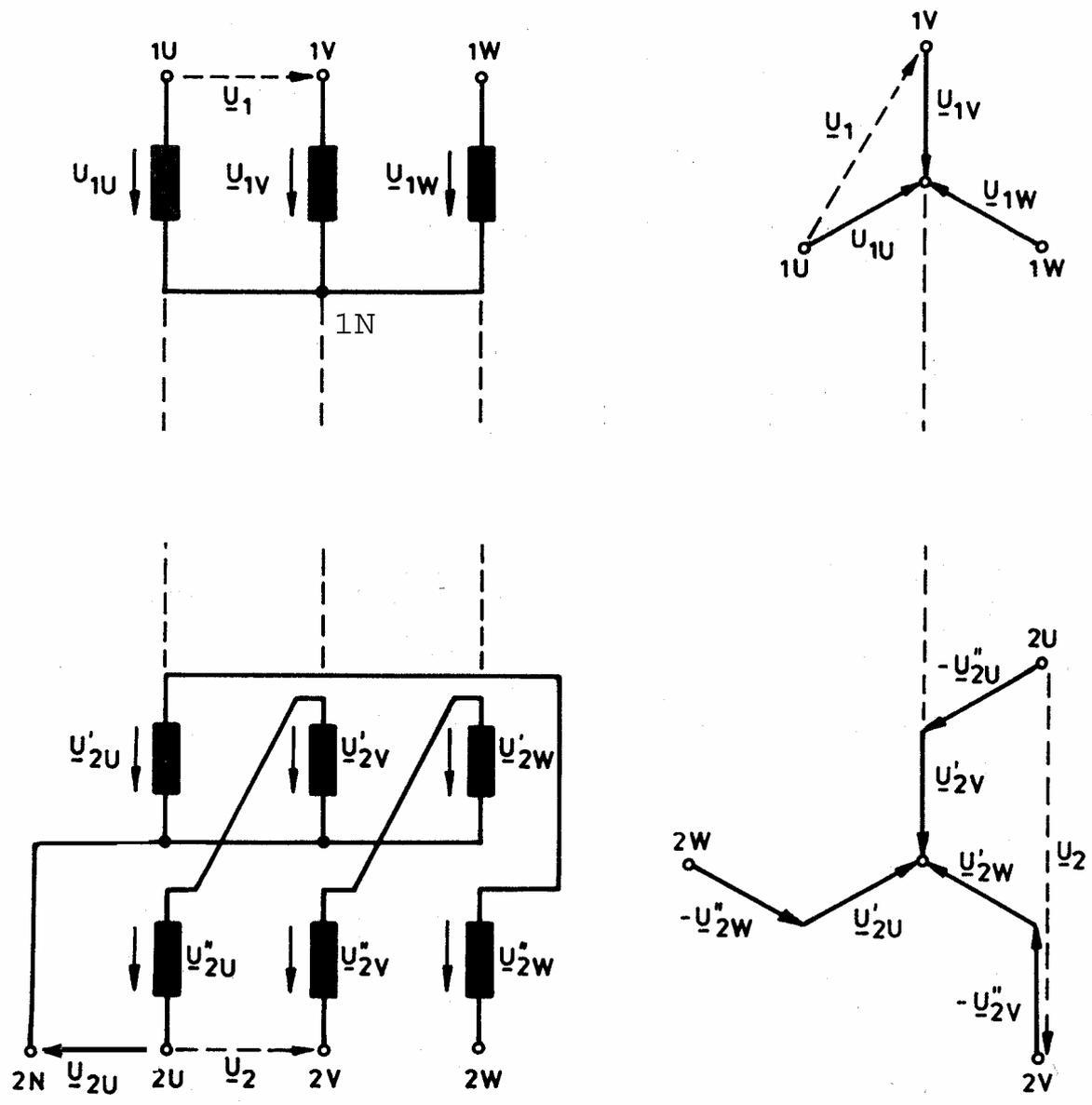
- Wie groß ist die an der Last anliegende Spannung (Betrag und Phase)? Nehmen Sie  $\underline{U}_{1U} = U_{1U}$  als Bezugsspannung an.
- Das Ersatzschaltbild der Primärseite wird betrachtet. Berechnen Sie die transformierte Impedanz sowie die Primärströme  $\underline{I}_{1U}$  und  $\underline{I}_{1V}$  bei reiner Wirklast  $\underline{Z} = R = 2 \Omega$  unter Verwendung des gegebenen Übersetzungsverhältnisses.

**Ersatzschaltbild der Primärseite :**



- Berechnen Sie die in den Strängen der Primärseite übertragenen komplexen Scheinleistungen  $\underline{S}_{1U}$ ,  $\underline{S}_{1V}$  und  $\underline{S}_{1W}$  sowie die Leistung  $\underline{S}_{DS}$ . Nehmen Sie an, dass  $\underline{I}_{1W} = 0$  ist.
- In Reihe mit dem Verbrauchswiderstand wird nun eine Induktivität  $L$  geschaltet. Wie groß muss der Wert für  $L$  sein, damit in der U-Wicklung des Transformators reine Wirkleistung übertragen wird?

**Aufgabe 2: Drehstromtransformator - Schaltung und Zeigerdiagramm**



**Aufgabe 3: Asynchronmaschine mit Schleifringläufer (35 Punkte)**

Eine Asynchronmaschine mit Schleifringläufer ist an das Niederspannungs-Drehstromnetz ( $U = 230\text{V}$ ,  $f = 50\text{Hz}$ ) angeschlossen.

Folgende Betriebspunkte der Drehzahl-Drehmoment Kennlinie der Asynchronmaschine bei kurzgeschlossenen Schleifringen sind bekannt:

Drehzahl	0	600	1050	1200	1400	1425	1500	$\text{min}^{-1}$
Drehmoment	128	186	232,5	214	98	75	0	<b>Nm</b>

- Bestimmen Sie aus der Tabelle die synchrone Drehzahl und das Anlaufmoment. Wie groß sind Drehzahl, Moment und Schlupf im Kipp-Punkt?
- Die Asynchronmaschine wird mit kurzgeschlossenen Schleifringen angefahren. Wie hoch ist die Verlustleistung der Maschine im Anfahrpunkt, wenn jeder Strang der im Stern geschalteten Rotorwicklung einen Widerstand von  $0,5 \Omega$  hat?
- Berechnen Sie Frequenz und Effektivwert der Läuferströme im Anfahrpunkt!
- Vervollständigen Sie die Wertetabelle der Drehzahl-Drehmoment-Kennlinie für negative Drehzahlwerte (bis  $-1500 \text{ min}^{-1}$ ) und skizzieren Sie den Verlauf im Bereich ( $-1500 \text{ min}^{-1} \# n \# 1500 \text{ min}^{-1}$ ).
- Die Asynchronmaschine werde durch ein äußeres Moment  $M = 100 \text{ Nm}$  in negativer Drehrichtung angetrieben. Welche Drehzahl stellt sich dabei ein?
- Welche Verlustleistung wird dabei in der Maschine umgesetzt?

Damit noch höhere Drehmomente im Bremsbetrieb aufgenommen werden können, werden Zusatzwiderstände in Sternschaltung in den Läuferkreis eingefügt.

- Wie groß müssen die Zusatzwiderstände sein, damit bei  $-1500 \text{ U min}^{-1}$  das Kippmoment auftritt?
- Ist dieser Betrieb auf Dauer zulässig (Begründung)?

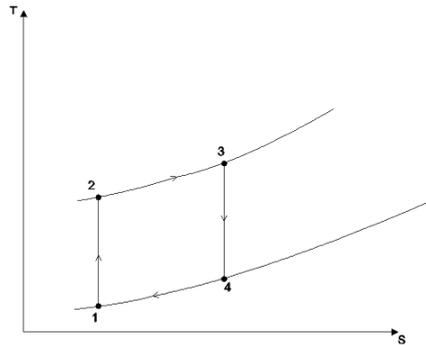
## Musterlösung zu Aufgabe 1a)

$$\left(\frac{p_2}{p_4}\right)_{opt} = \left(\frac{T_3}{T_1}\right)^{\frac{\kappa}{2(\kappa-1)}} \Rightarrow \frac{T_3}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_4}\right)_{opt}^{\frac{2(\kappa-1)}{\kappa}} \Rightarrow T_3 = T_1 \cdot \left(\frac{p_2}{p_4}\right)_{opt}^{\frac{2(\kappa-1)}{\kappa}} \quad (3.16)$$

Joule-Prozess:

 $T_3$  ist die maximale

Prozesstemperatur



$$\vartheta_1 = 42^\circ\text{C} \Rightarrow T_1 = 273\text{K} + \vartheta_1 = \underline{\underline{315\text{K}}}$$

$$\Rightarrow T_3 = 315\text{K} \cdot 8^{\frac{2(1,4-1)}{1,4}} = 315\text{K} \cdot 8^{\frac{0,8}{1,4}} = 315\text{K} \cdot 3,28 \approx 1034\text{K}$$

$$\Rightarrow \vartheta_3 = T_3 - 273\text{K} = \underline{\underline{761^\circ\text{C}}}$$

## 1b)

Thermischer Wirkungsgrad: (3.18)

$$\eta_{J\ opt} = 1 - \sqrt{\frac{T_1}{T_3}} = 1 - \sqrt{\frac{315\text{K}}{1034\text{K}}} \approx \underline{\underline{44,8\%}}$$

Spezifische Nutzarbeit: (3.17)

$$\begin{aligned} w_{opt} &= c_p \cdot T_1 \cdot \left[ \sqrt{\frac{T_3}{T_1}} - 1 \right]^2 = 1,004 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \cdot 315\text{K} \cdot \left[ \sqrt{\frac{1034\text{K}}{315\text{K}}} - 1 \right]^2 \\ &= 316,26 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \cdot 0,812^2 \approx \underline{\underline{208 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}}} \end{aligned}$$

Carnot-Faktor: (3.1)

$$\eta_c = 1 - \frac{T_U}{T_O} = 1 - \frac{T_1}{T_3} = 1 - \frac{315\text{K}}{1034\text{K}} \approx \underline{\underline{0,695}}$$

1c)

$$r_{opt} = \eta_{Jopt} = \underline{\underline{0,448}} \quad (3.25)$$

1d)

$$\begin{aligned} \dot{m} &= \frac{P}{|w|} && \text{mit } w = w_{opt} \text{ aus b)} \\ &= \dot{m} = \frac{8100 \frac{\text{kJ}}{\text{s}}}{208 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}} = \underline{\underline{39 \frac{\text{kg}}{\text{s}}}} \end{aligned}$$

1e)

$$\begin{aligned} P_{inst} &= \dot{m} \cdot [ |w| + |w_{t34}| + |w_{t12}| ] && \text{Es sind:} \\ &= \dot{m} \cdot [ -w - w_{t34} + w_{t12} ] && \quad w < 0 \quad (\text{abgegebene Arbeit}) \\ &&& \quad w_{t34} < 0 \quad (\text{abgegebene Turbinenarbeit}) \\ &&& \quad w_{t12} > 0 \quad (\text{aufgenommene Verdichterarbeit}) \end{aligned}$$

mit (3.19)

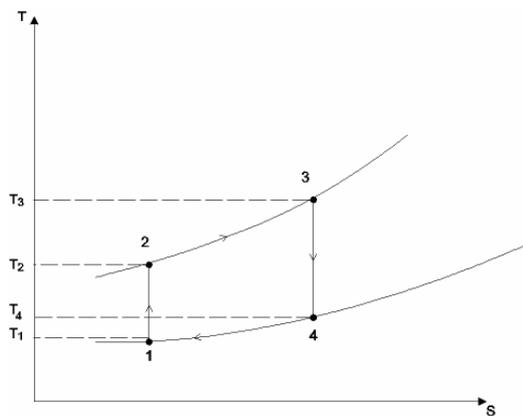
$$\begin{aligned} \Rightarrow P_{inst} &= \dot{m} \cdot [ -w_{t12} - w_{t34} - w_{t34} + w_{t12} ] \\ &= \dot{m} \cdot [ -2 w_{t34} ] = 2\dot{m} \cdot |w_{t34}| \\ \frac{P_{inst}}{P} &= \frac{2\dot{m} |w_{t34}|}{\dot{m} |w|} = 2 \cdot \frac{w_{t34}}{w} = \frac{2}{r} \quad \Rightarrow \quad \underline{\underline{\frac{P_{inst}}{P} \approx 4,46}} \end{aligned}$$

1f)

$$\left( \frac{p_2}{p_4} \right)_{opt} = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)_{opt} = 8,0$$

mit (3.12)

$$\begin{aligned} \Rightarrow T_2 &= T_1 \cdot \left( \frac{p_2}{p_4} \right)_{opt}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \\ &= 315 \text{ K} \cdot 8^{\frac{0,4}{1,4}} \\ &= 571 \text{ K} \\ \Rightarrow \vartheta_2 &= T_2 - 273 \text{ K} = \underline{\underline{298 \text{ }^\circ\text{C}}} \end{aligned}$$



(3.15)

mit (3.14)

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{T_3}{T_4} \Rightarrow T_4 = \frac{T_1 \cdot T_3}{T_2} = 570 \text{ K} \Rightarrow \underline{\underline{\vartheta_4 = 297 \text{ }^\circ\text{C}}}$$

**Musterlösung zu Aufgabe 2a)**

$$\begin{aligned}\underline{U}_{2U} &= -\underline{U}_{2U}'' + \underline{U}_{2V}' = \underline{U}_{2U}'' \cdot (-1 + e^{-j120^\circ}) = \underline{U}_{2U}'' \cdot \left(-1 - \frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \\ &= \underline{U}_{2U}'' \cdot \left(-\frac{3}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \underline{U}_{2U}'' \cdot \sqrt{3} \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{j}{2}\right) = \sqrt{3} \cdot \underline{U}_{2U}'' \cdot e^{-j150^\circ}\end{aligned}$$

$$\text{mit } \underline{U}_{2U}'' = \frac{W_{\text{sekundär}}}{W_{\text{primär}}} \cdot \underline{U}_{1U} = \frac{U_{1U}}{50} = \frac{20 \text{ kV}}{50\sqrt{3}}$$

$$\text{folgt: } \underline{U}_{2U} = \underline{400 \text{ V} \cdot e^{-j150^\circ}}$$

**2b)**

$$\underline{I}_{1U} = -\underline{I}_{1V} = \underline{I}' = \frac{\underline{U}_1}{\underline{Z}} = \frac{\underline{U}_1}{\underline{R}'} = \frac{\underline{U}_{1U} - \underline{U}_{1V}}{\underline{ü}^2 \cdot R} = \frac{20 \text{ kV} \cdot e^{j30^\circ}}{2500 \cdot 2 \Omega} \quad (10.9)$$

$$= \underline{4 \text{ A} \cdot e^{j30^\circ}}, \quad \underline{Z}' = \underline{ü}^2 \cdot R = 2500 \cdot 2 \Omega = \underline{5 \text{ k}\Omega} \quad (12.17)$$

**2c)**

$$\begin{aligned}\underline{S}_{1U} &= \underline{U}_{1U} \cdot \underline{I}_{1U}^* = \frac{20 \text{ kV}}{\sqrt{3}} \cdot 4 \text{ A} \cdot e^{-j30^\circ} = \frac{80 \text{ kVA}}{\sqrt{3}} \cdot e^{-j30^\circ} \\ &= \frac{80 \text{ kVA}}{\sqrt{3}} \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{j}{2}\right) = \underline{40 \text{ kW} - j 23 \text{ kVar}}\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\underline{S}_{1V} &= \underline{U}_{1V} \cdot \underline{I}_{1V}^* = \underline{U}_{1U} \cdot e^{-j120^\circ} \cdot (-\underline{I}_{1U})^* = \frac{20 \text{ kV}}{\sqrt{3}} \cdot e^{-j120^\circ} \cdot 4 \text{ A} \cdot e^{+j150^\circ} \\ &= \frac{80 \text{ kVA}}{\sqrt{3}} \cdot e^{j30^\circ} = \underline{40 \text{ kW} + j 23 \text{ kVar}}\end{aligned}$$



$$\underline{S}_{1W} = \underline{U}_{1W} \cdot \underline{I}_{1W}^* = \underline{U}_{1W} \cdot 0 = \underline{0}$$

$$\underline{S}_{DS} = \underline{S}_{1U} + \underline{S}_{1V} + \underline{S}_{1W} = 40 \text{ kW} - j 23 \text{ kVar} + 40 \text{ kW} + j 23 \text{ kVar} = \underline{80 \text{ kW}}$$

Der Transformator überträgt insgesamt reine Wirkleistung, was aus dem Anschluss eines OHMSchen Widerstandes folgt.

2d)

Reine Wirkleistung in der U-Wicklung bedeutet Phasengleichheit von  $\underline{U}_{1U}$  und  $\underline{I}_{1U}$ .

$$\arg(\underline{U}_{1U}) \text{ wurde } = 0 \text{ gewählt} \Rightarrow \arg(\underline{I}_{1U}) \stackrel{!}{=} 0$$

$$\underline{I}_{1U} = -\underline{I}_{1V} = \underline{I}' = \frac{\underline{U}_1}{\underline{Z}'} = \frac{20 \text{ kV} \cdot e^{j30^\circ}}{R' + jX'} = \frac{|\underline{U}_1|}{|\underline{Z}'|} \cdot e^{j(30^\circ - \arg(\underline{Z}'))}$$

$$30^\circ - \arg(\underline{Z}') \stackrel{!}{=} 0 \Rightarrow 30^\circ - \arctan\left(\frac{X'}{R'}\right) \stackrel{!}{=} 0$$

$$\Rightarrow X' = R' \cdot \tan 30^\circ = 5 \text{ k}\Omega \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} \approx 2,9 \text{ k}\Omega$$

$$X' = \omega L' \Rightarrow L' = \frac{X'}{\omega} = \frac{5 \text{ k}\Omega}{\sqrt{3} \cdot 2\pi \cdot 50 \text{ s}^{-1}} = \frac{50 \text{ }\Omega \text{ s}}{\pi \cdot \sqrt{3}}$$

$$L' \approx 9,2 \text{ H} \Rightarrow L = \frac{1}{\dot{u}^2} \cdot L' \approx \underline{\underline{3,7 \text{ mH}}}$$