

Markus Tausendpfund  
Simone Abendschön

# Quantitative Analyseverfahren. Eine Einführung

Fakultät für  
**Kultur- und  
Sozialwissen-  
schaften**

---

Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Die dadurch begründeten Rechte, insbesondere das Recht der Vervielfältigung und Verbreitung sowie der Übersetzung und des Nachdrucks, bleiben, auch bei nur auszugsweiser Verwertung, vorbehalten. Kein Teil des Werkes darf in irgendeiner Form (Druck, Fotokopie, Mikrofilm oder ein anderes Verfahren) ohne schriftliche Genehmigung der FernUniversität reproduziert oder unter Verwendung elektronischer Systeme verarbeitet, vervielfältigt oder verbreitet werden. Wir weisen darauf hin, dass die vorgenannten Verwertungsalternativen je nach Ausgestaltung der Nutzungsbedingungen bereits durch Einstellen in Cloud-Systeme verwirklicht sein können. Die FernUniversität bedient sich im Falle der Kenntnis von Urheberrechtsverletzungen sowohl zivil- als auch strafrechtlicher Instrumente, um ihre Rechte geltend zu machen.

Der Inhalt dieses Studienbriefs wird gedruckt auf Recyclingpapier (80 g/m<sup>2</sup>, weiß), hergestellt aus 100 % Altpapier.

## Vorwort

In der quantitativen Sozialforschung wird zur Beschreibung von Daten und zur empirischen Überprüfung von Hypothesen auf statistische Verfahren zurückgegriffen. Wer eine (quantitative) Studie verstehen und kritisch bewerten möchte, der muss die grundlegenden Prinzipien, Anwendungsvoraussetzungen und auch Probleme der verwendeten statistischen Verfahren kennen. Für Sozialwissenschaftlerinnen und Sozialwissenschaftler sind deshalb elementare Kenntnisse dieser quantitativen Analyseverfahren unverzichtbar.

Für die Sozialwissenschaften stellt die Statistik eine zentrale Hilfswissenschaft dar. Während sich Statistikerinnen – allgemeiner: Mathematikerinnen – häufig mit der Beweisführung und der Weiterentwicklung mathematischer Algorithmen beschäftigen, stehen für Studierende das Kennenlernen und die praktische Anwendung statistischer Verfahren im Vordergrund. Im Mittelpunkt des Kurses steht das Verständnis quantitativer Analyseverfahren, mit denen Studierende bei der Auseinandersetzung mit quantitativen Studien konfrontiert werden.

Der vorliegende Kurs behandelt vier Themenbereiche: Univariate, bivariate und multivariate Datenanalyse sowie Grundlagen der Inferenzstatistik. Das Kapitel zur univariaten Datenanalyse behandelt die Häufigkeitsverteilung einzelner Merkmale. Dabei werden Lage- und Streuungsmaße sowie Formmaße vorgestellt. Die bivariate Datenanalyse untersucht Zusammenhänge zwischen zwei Merkmalen und Unterschiede zwischen zwei Merkmalen (Mittelwertvergleiche). Dabei werden Kreuztabellen sowie wichtige Zusammenhangsmaße behandelt. Bei der multivariaten Datenanalyse werden mit der linearen und logistischen Regression zwei zentrale Analyseverfahren der Sozialwissenschaften vorgestellt, die den Einfluss mehrerer unabhängiger Variablen auf eine abhängige Variable schätzen können. Aus zeitlichen, finanziellen und forschungspraktischen Gründen dominieren in den Sozialwissenschaften Stichproben. Deshalb behandelt der vierte Teil des Kurses die Grundlagen der Inferenzstatistik, die Instrumente zur Verfügung stellt, um zu entscheiden, ob und wie empirische Befunde aus Zufallsstichproben auf zugehörige Grundgesamtheiten übertragen werden dürfen.

Ausschließlich aus Gründen der besseren Lesbarkeit wird in diesem Kurs nicht durchgängig eine geschlechterneutrale Sprache verwendet. Männliche, weibliche und genderneutrale Formen wechseln sich in diesem Kurs zufallsverteilt ab. Mit den Bezeichnungen sind jeweils alle Geschlechter gemeint.

In der Moodle-Lernumgebung des Moduls M1 „Quantitative Methoden der Sozialwissenschaften“ findet sich eine Errata-Liste zu dem Kurs. Außerdem werden dort Videos und Übungsaufgaben veröffentlicht, die die Auseinandersetzung mit den Inhalten des Kurses fördern sollen. Für die kritische Durchsicht des Kurses sind wir Christian Cleve und Daniel Saar sehr dankbar. Über Hinweise auf Fehler, Kommentare und Verbesserungsvorschläge freuen wir uns. Senden Sie Ihre Kommentare bitte an [Markus.Tausendpfund@fernuni-hagen.de](mailto:Markus.Tausendpfund@fernuni-hagen.de). Vielen Dank.

Hagen, im Juni 2022

Markus Tausendpfund und Simone Abendschön

## Inhaltsverzeichnis

Abbildungsverzeichnis .....	VI
Tabellenverzeichnis .....	VII
1 Einführung .....	9
1.1 Einordnung im Forschungsprozess .....	9
1.2 Grundgesamtheit und Stichprobe .....	12
1.3 Klassifikationen von Variablen .....	14
2 Univariate Datenanalyse .....	17
2.1 Häufigkeitstabelle .....	17
2.2 Lagemaße .....	21
2.2.1 Modus .....	21
2.2.2 Median .....	22
2.2.3 Arithmetisches Mittel .....	24
2.3 Streuungsmaße .....	27
2.3.1 Varianz .....	27
2.3.2 Standardabweichung .....	31
2.4 Formmaße .....	31
2.4.1 Schiefe .....	32
2.4.2 Wölbung .....	35
2.5 Variablen standardisieren (z-Transformation) .....	36
2.6 Grafische Darstellungen .....	38
2.6.1 Säulen- und Balkendiagramm .....	38
2.6.2 Kreisdiagramm .....	39
2.6.3 Histogramm .....	40
2.6.4 Boxplot .....	42
3 Bivariate Datenanalyse .....	44
3.1 Kreuztabellen .....	45
3.2 Zusammenhangsmaße für nominale Merkmale .....	53
3.3 Zusammenhangsmaße für ordinale Merkmale .....	59
3.4 Zusammenhangsmaße für metrische Merkmale .....	63
3.5 Eta-Quadrat für metrische und nominale Merkmale .....	72
3.6 Zusammenfassung .....	77
4 Multivariate Datenanalyse .....	78
4.1 Einführung .....	78

---

4.2	Lineare Regression .....	80
4.2.1	Bivariate Regression .....	81
4.2.2	Multiple Regression.....	88
4.3	Logistische Regression .....	99
4.3.1	Bivariate Regression .....	100
4.3.2	Multiple Regression.....	103
5	Inferenzstatistik .....	109
5.1	Was ist das Problem? .....	109
5.2	Zentrale Konzepte der Inferenzstatistik .....	114
5.2.1	Zentraler Grenzwertsatz und Normalverteilung .....	114
5.2.2	Standardfehler .....	117
5.3	Schätzungsarten .....	123
5.3.1	Punktschätzung .....	123
5.3.2	Intervallschätzung .....	126
5.3.3	Berechnung der benötigten Fallzahl .....	134
5.3.4	Anwendungsprobleme in der Praxis.....	136
5.4	Statistisches Testen .....	138
5.4.1	Allgemeine Vorgehensweise bei einem Signifikanztest .....	140
5.4.2	Alpha- und Beta-Fehler.....	143
5.4.3	t-Test.....	144
6	Literatur .....	159

## Abbildungsverzeichnis

Abbildung 1: Idealtypischer Ablauf eines quantitativen Forschungsprojekts .....	10
Abbildung 2: Grundgesamtheit und Stichprobe.....	13
Abbildung 3: Normalverteilung .....	32
Abbildung 4: Schiefe .....	33
Abbildung 5: Empirische Verteilungen mit unterschiedlicher Schiefe .....	34
Abbildung 6: Wölbung.....	35
Abbildung 7: Säulendiagramm des Interesses an Politik (in Prozent, n = 3490) .....	39
Abbildung 8: Balkendiagramm des Interesses an Politik (absolute Häufigkeiten, n = 3490) .....	39
Abbildung 9: Zweitstimmen bei der Bundestagswahl 2017 (in Prozent).....	40
Abbildung 10: Histogramm des Alters (absolute Häufigkeiten, n = 3486).....	41
Abbildung 11: Elemente eines Boxplots .....	42
Abbildung 12: Boxplot der Interviewdauer (n = 3479) .....	43
Abbildung 13: IQ und Testergebnis beim räumlichen Denken – Streudiagramm .....	64
Abbildung 14: Weitere Arten des Zusammenhangs von zwei Merkmalen.....	65
Abbildung 15: Nettoeinkommen und Lebenszufriedenheit – Streudiagramm.....	70
Abbildung 16: Streudiagramm.....	83
Abbildung 17: Streudiagramm mit OLS-Regressionsgerade .....	85
Abbildung 18: Schematische Darstellung der vermuteten multivariaten Einflusstruktur.....	90
Abbildung 19: Streudiagramm mit Regressionskurve .....	102
Abbildung 20: Grundgesamtheit und Stichprobe.....	109
Abbildung 21: Rückschluss von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit .....	110
Abbildung 22: Wiederholte Ziehung von Zufallsstichproben .....	115
Abbildung 23: Normalverteilung .....	117
Abbildung 24: Abweichungen einzelner Stichprobenmittelwerte vom wahren Mittelwert.....	118
Abbildung 25: Stichprobenverteilungen bei unterschiedlicher Fallzahl .....	119
Abbildung 26: Ergebnisse des Politbarometers zu zwei Zeitpunkten (in Prozent).....	127
Abbildung 27: 95-Prozent-Konfidenzintervall .....	128
Abbildung 28: 99-Prozent-Konfidenzintervall .....	129
Abbildung 29: Fiktive Befragung zur Wahlentscheidung von 1000 Personen (in Prozent).....	131
Abbildung 30: 95-Prozent-Konfidenzintervalle (Stichprobengröße jeweils 1000 Personen).....	133
Abbildung 31: Schätzen und Testen im Vergleich .....	139
Abbildung 32: t-Verteilung und Normalverteilung .....	146
Abbildung 33: Verschiedene t-Verteilungen .....	147
Abbildung 34: Varianten des t-Tests .....	147
Abbildung 35: Einseitiger und zweiseitiger t-Test.....	149

## Tabellenverzeichnis

Tabelle 1: Zulässige Rechenoperationen in Abhängigkeit vom Skalenniveau .....	15
Tabelle 2: Interesse an Politik .....	17
Tabelle 3: Subjektive Schichteinstufung.....	20
Tabelle 4: Lagemaße und Skalenniveau .....	21
Tabelle 5: Berechnung des Modus .....	21
Tabelle 6: Geschlecht .....	22
Tabelle 7: Berechnung des Medians (ungerade Fallzahl).....	23
Tabelle 8: Berechnung des Medians (gerade Fallzahl).....	23
Tabelle 9: Interesse an Politik .....	24
Tabelle 10: Berechnung des arithmetischen Mittels bei kleinen Fallzahlen.....	25
Tabelle 11: Berechnung des arithmetischen Mittels bei großen Fallzahlen.....	26
Tabelle 12: Mittelwerte und Ausreißer .....	26
Tabelle 13: Lebenszufriedenheit von zwei Gruppen .....	27
Tabelle 14: Arbeitstabelle für die Berechnung der Varianz (kleine Fallzahl).....	29
Tabelle 15: Arbeitstabelle für die Berechnung der Varianz (große Fallzahl).....	30
Tabelle 16: Variablen standardisieren .....	37
Tabelle 17: Bivariate Zusammenhangsmaße in Abhängigkeit vom Skalenniveau .....	44
Tabelle 18: Urliste – Abendliche Bibliotheksnutzung und Studiengang (n = 9) .....	46
Tabelle 19: Kreuztabelle – Abendliche Bibliotheksnutzung und Studiengang (n = 9) .....	46
Tabelle 20: Abendliche Bibliotheksnutzung und Studiengang – Zeilenprozente (n = 100).....	47
Tabelle 21: Abendliche Bibliotheksnutzung und Studiengang – Spaltenprozente (n = 100) .....	48
Tabelle 22: Abendliche Bibliotheksnutzung und Studiengang – Gesamtprozente (n = 100).....	48
Tabelle 23: Politisches Interesse und Geschlecht (Spaltenprozente).....	49
Tabelle 24: Schulabschluss und elterlicher Bildungshintergrund (Spaltenprozente) .....	52
Tabelle 25: Schulabschluss und elterlicher Bildungshintergrund (Zeilenprozente).....	53
Tabelle 26: Politisches Interesse und Geschlecht (beobachtete Häufigkeiten) – Kontingenztafel	54
Tabelle 27: Berechnung der erwarteten Häufigkeiten .....	54
Tabelle 28: Politisches Interesse und Geschlecht (erwartete Häufigkeiten) – Indifferenztafel ..	55
Tabelle 29: Arbeitstabelle zur Berechnung von Chi-Quadrat.....	56
Tabelle 30: Interpretation von Cramer's V .....	58
Tabelle 31: Interpretation von Spearman's Rho.....	60
Tabelle 32: Soziale Schicht und Gesundheitszustand.....	61
Tabelle 33: Arbeitstabelle zur Berechnung von Spearman's Rho .....	62
Tabelle 34: IQ und Testergebnis beim räumlichen Denken – Urliste .....	63
Tabelle 35: Arbeitstabelle zur Berechnung der Kovarianz .....	66
Tabelle 36: Interpretation von Pearson's r.....	67
Tabelle 37: Arbeitstabelle zur Berechnung von Pearson's r .....	68
Tabelle 38: Nettoeinkommen und Lebenszufriedenheit – Urliste.....	69
Tabelle 39: Arbeitstabelle zur Berechnung von Pearson's r .....	71
Tabelle 40: Zwischenergebnisse zur Berechnung von Pearson's r .....	71
Tabelle 41: Interpretation von Eta-Quadrat.....	74
Tabelle 42: Migrationshintergrund und politisches Wissen .....	74
Tabelle 43: Arbeitstabelle Migrationshintergrund und politisches Wissen.....	75

---

Tabelle 44: Arbeitstabelle Migrationshintergrund (Nein) und politisches Wissen.....	76
Tabelle 45: Arbeitstabelle Migrationshintergrund (Ja) und politisches Wissen.....	76
Tabelle 46: Unterschiedliche Bezeichnungen für Variablen der Regressionsanalyse.....	79
Tabelle 47: Bivariate lineare Regression mit Lebenszufriedenheit und Einkommen .....	82
Tabelle 48: Dummy-Kodierung für Familienstand .....	91
Tabelle 49: Bestimmungsfaktoren der Lebenszufriedenheit (Teil 1).....	93
Tabelle 50: Bestimmungsfaktoren der Lebenszufriedenheit (Teil 2).....	97
Tabelle 51: Bivariate logistische Regression mit Wahlbeteiligung und Alter .....	101
Tabelle 52: Bestimmungsfaktoren der Wahlbeteiligung .....	105
Tabelle 53: Mittelwerte in Zufallsstichproben (Stichprobengröße jeweils 1000 Personen) .....	111
Tabelle 54: Mittelwerte von Zufallsstichproben (Stichprobengröße jeweils 1000 Personen) ....	113
Tabelle 55: Vergleich zwischen Standardfehler und Standardabweichung .....	120
Tabelle 56: Mittelwerte von Zufallsstichproben.....	124
Tabelle 57: Erforderliche Stichprobengröße .....	135
Tabelle 58: Fehlerarten beim Hypothesentest .....	143
Tabelle 59: Lebenszufriedenheit von Frauen und Männern .....	150
Tabelle 60: Kritische Werte der t-Verteilung .....	152
Tabelle 61: Lebenszufriedenheit von West- und Ostdeutschen .....	153
Tabelle 62: Zufriedenheit mit der Demokratie.....	155
Tabelle 63: Beispieldaten für die Berechnung eines t-Tests bei abhängigen Stichproben.....	156



# 1 Einführung

Markus Tausendpfund

Vorschau



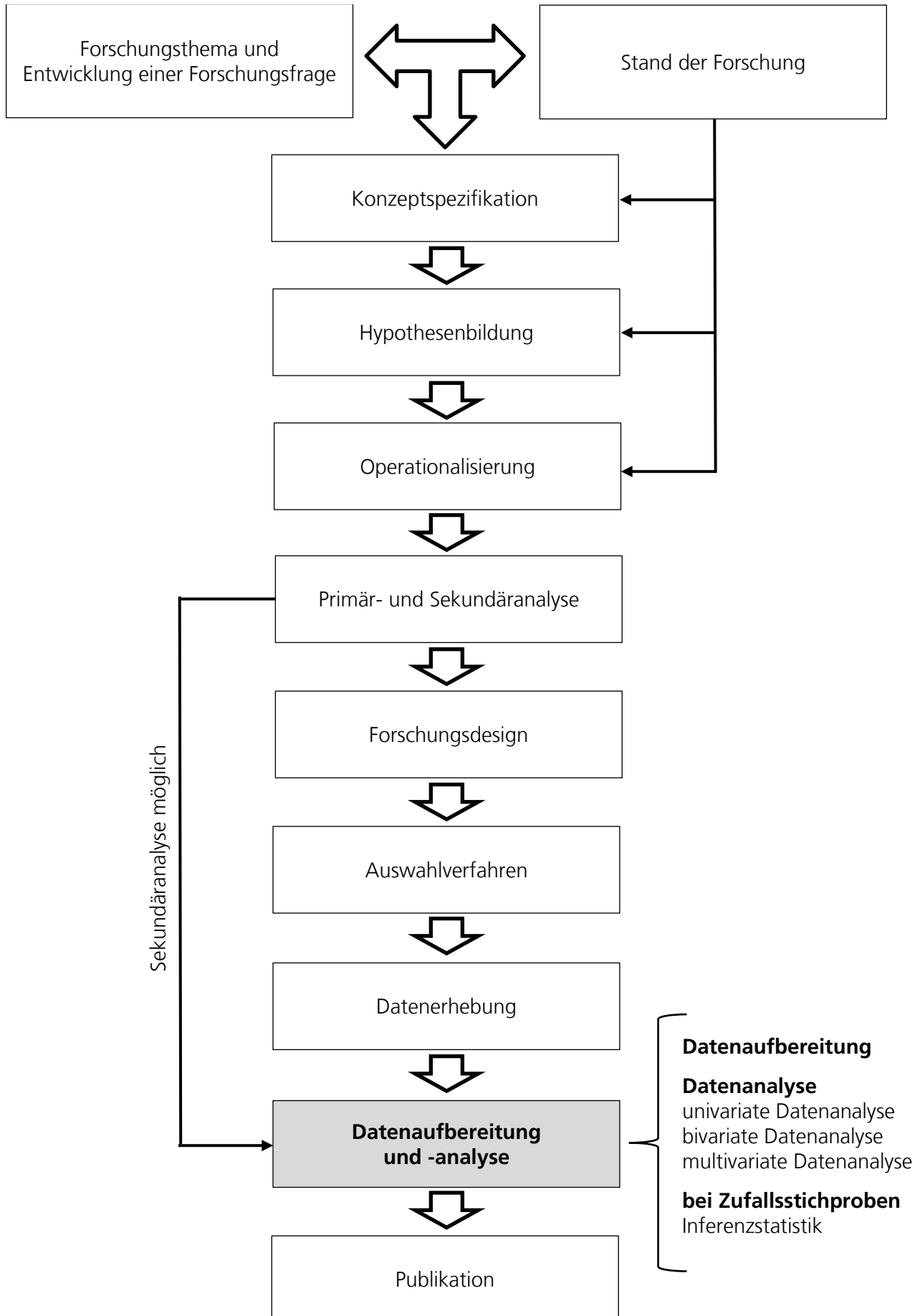
Dieses Kapitel macht Sie mit den Grundlagen der quantitativen Datenanalyse vertraut. Nach der Einordnung der Phase „Datenanalyse“ innerhalb des Forschungsprozesses werden die Begriffe „Grundgesamtheit“ und „Stichprobe“ erläutert. Bei einer empirischen Studie werden meist Aussagen über größere Gruppen angestrebt (z.B. die wahlberechtigte Bevölkerung in Deutschland). Allerdings liegen in den meisten Studien keine Informationen über alle Elemente dieser Gruppe vor, sondern nur über eine (zufällige) Auswahl dieser Gruppe. Die Gruppe, über die eine Aussage gemacht werden soll, wird als Grundgesamtheit oder Population bezeichnet. Die Gruppe, über die empirische Informationen vorliegen, wird als Stichprobe bezeichnet. Diese Begriffe werden knapp erläutert und es werden die Voraussetzungen skizziert, unter denen Befunde einer Stichprobe auf die zugehörige Grundgesamtheit übertragen werden können. Abschließend werden typische Klassifikationen von Variablen vorgestellt. Dabei liegt der Fokus auf dem Skalenniveau von Variablen, da das Skalenniveau eine wichtige Voraussetzung für die Anwendung bestimmter Analyseverfahren ist.

## 1.1 Einordnung im Forschungsprozess

Die quantitativen Analyseverfahren werden häufig mit dem quantitativen Forschungsprozess gleichgesetzt. Quantitativ arbeitende Sozialwissenschaftlerinnen nutzen statistische Analyseverfahren, um die theoretisch formulierten Hypothesen empirisch zu überprüfen. Sicherlich ist die Anwendung statistischer Analyseverfahren ein zentrales Merkmal des quantitativen Forschungsprozesses, aber die quantitative Datenanalyse sollte nicht isoliert betrachtet werden.

Vor der Datenanalyse bzw. Anwendung quantitativer Analyseverfahren müssen empirische Sozialforscher wichtige vorgelagerte Entscheidungen treffen, die unmittelbare Auswirkungen auf die empirischen Befunde haben. Wie Abbildung 1 zeigt, stehen die Festlegung eines Forschungsthemas und die Entwicklung einer geeigneten Forschungsfrage am Beginn eines Forschungsprojekts. Auf dieser Grundlage werden die zentralen Konzepte identifiziert und theoretisch geklärt, ehe inhaltvolle Hypothesen formuliert und valide Operationalisierungen dieser Konzepte entwickelt werden. Diese Phasen in einem Forschungsprozess erfolgen in intensiver Auseinandersetzung mit dem existierenden Forschungsstand. Nur wer den Forschungsstand zu seinem Forschungsthema kennt, kann eine inhaltvolle Forschungsfrage entwickeln. Die Auseinandersetzung mit der Fachliteratur ist aber auch für die Konzeptspezifikation und die Entwicklung von Hypothesen erforderlich. Schließlich ist auch bei der „Übersetzung“ theoretischer Konzepte in empirische Indikatoren ein Überblick über existierende Operationalisierungen notwendig.

Abbildung 1: Idealtypischer Ablauf eines quantitativen Forschungsprojekts



Quelle: Eigene Darstellung

Kein Analyseverfahren kann die intensive Auseinandersetzung mit dem existierenden Forschungsstand ersetzen. Ungeeignete Konzeptspezifikationen, schwammige Hypothesen oder auch ungültige Operationalisierungen führen zwangsläufig zu schlechten Daten und kein Analyseverfahren der Welt kann aus schlechten Daten valide empirische Befunde machen. Deshalb: Die Anwendung bzw. Durchführung quantitativer Analyseverfahren kann nur dann zu belastbaren empirischen Befunden führen, wenn die vorgelagerten Phasen erfolgreich bearbeitet wurden.

Wenn für die Bearbeitung einer Forschungsfrage und die Überprüfung der Hypothesen bereits geeignetes Datenmaterial existiert (z.B. ALLBUS), dann können die Phasen „Forschungsdesign“, „Auswahlverfahren“ und „Datenerhebung“ übersprungen werden. In einem solchen Fall führt die Sozialwissenschaftlerin eine Sekundäranalyse durch. Es werden existierende Daten genutzt, um die Forschungsfrage zu bearbeiten. Falls keine geeigneten Daten zur Verfügung stehen, bietet sich eine Primäranalyse an. Bei einer Primäranalyse werden neue Daten erhoben, um die Forschungsfrage zu beantworten.

Die Phase „Datenaufbereitung und -analyse“ umfasst in der Regel mehrere Zwischenschritte (Tausendpfund 2018, S. 50-51; Stein 2019). Zunächst müssen die im Rahmen der Datenerhebung gesammelten empirischen Informationen systematisch in einen Datensatz aufgenommen werden (Kromrey et al. 2016, S. 217-218). Die Variablen müssen beschriftet und ein Codebuch muss angelegt werden (z.B. Lück und Baur 2011; Lück und Landrock 2019; Tausendpfund 2018, S. 291-297). Bei der Arbeit mit qualitativ hochwertigen Sekundärdaten (z.B. ALLBUS) stehen meist „fertige“ Datensätze zur Verfügung. Insbesondere bei der eigenständigen Dateneingabe, aber auch bei der Arbeit mit Sekundärdaten, sind Fehlerkontrollen (z.B. Eingabefehler) und Plausibilitätstests erforderlich.

### **Datenaufbereitung und -analyse**

Vor der eigentlichen Datenanalyse müssen Variablen häufig verändert oder neu erstellt werden. Dieser Prozess wird häufig als Datenmodifikation oder Datentransformation bezeichnet (Fromm 2011; Kohler und Kreuter 2017, S. 91-130; Tausendpfund 2019, S. 62-91). Dabei wird die Kodierung von Variablen angepasst, einzelne Subgruppen werden gebildet oder es werden auf Basis der verfügbaren Informationen auch neue Variablen erstellt. Das Verändern und das Erstellen neuer Variablen dauert häufig länger als die eigentliche Datenanalyse. Eine sorgfältige Durchführung der einzelnen Schritte ist dabei eine Voraussetzung für die Gültigkeit der anschließenden Analysen.

Bei der anschließenden Datenanalyse lassen sich meist vier Schritte unterscheiden, die auch im Mittelpunkt dieses Kurses stehen: die univariate, die bivariate und die multivariate Datenanalyse sowie die Inferenzstatistik.

Die univariate Datenanalyse befasst sich mit einzelnen Variablen. In einem ersten Schritt werden die absoluten und relativen Häufigkeiten der einzelnen Ausprägungen einer Variable in Tabellen oder Grafiken dargestellt. In der quantitativen Sozialforschung sind wir allerdings in der Regel mit vielen Untersuchungsobjekten konfrontiert. Deshalb wird in einem zweiten Schritt die Informationsmenge von mehreren tausend Beobachtungen auf wenige Kennzahlen verdichtet. Dabei lassen sich Lage-, Streuungs- und Formmaße unterscheiden. Während Lagemaße über das Zentrum einer Verteilung informieren, beschreiben Streuungsmaße

### **Univariate Datenanalyse**

die Variation eines Merkmals in einer Verteilung. Mit Schiefe und Wölbung kann die Form einer Verteilung charakterisiert werden.

### **Bivariate Datenanalyse**

Bei der bivariaten Datenanalyse werden immer genau zwei Variablen in Beziehung gesetzt (z.B. Bildung und Einkommen). Bivariate Analyseverfahren werden genutzt, um Zusammenhänge oder Unterschiede zwischen zwei Merkmalen zu untersuchen und Hypothesen empirisch zu überprüfen. Dafür nutzen wir Kreuztabellen und Zusammenhangsmaße. Kreuztabellen (engl. crosstabs) sind eine einfache und anschauliche Möglichkeit, um die Beziehung zwischen zwei Merkmalen in den Blick zu nehmen. Neben absoluten Häufigkeiten können auch die Anteile der einzelnen Häufigkeiten (Anteile) berechnet werden. Die Stärke einer Beziehung zwischen zwei Merkmalen (z.B. Bildung und Einkommen) kann mit Zusammenhangsmaßen – sogenannten Koeffizienten – charakterisiert werden. Die bekanntesten Zusammenhangsmaße sind sicherlich Cramér's  $V$ , Spearman's  $\rho$  und Pearson's  $r$ .

### **Multivariate Datenanalyse**

Mit bivariaten Analyseverfahren wird der Zusammenhang zwischen zwei Variablen untersucht. In der Realität können Merkmale wie Einkommen oder Wahlbeteiligung aber nicht durch eine Variable „erklärt“ werden, sondern in der Regel muss eine Vielzahl an Variablen gleichzeitig berücksichtigt werden. Mit der Regressionsanalyse steht ein sehr mächtiges Analyseinstrument zur Verfügung, um den Einfluss einer oder mehrerer unabhängiger Variablen auf eine abhängige Variable zu schätzen. Mit der linearen und logistischen Regression werden in diesem Kurs zwei multivariate Analyseverfahren vorgestellt, die in den Sozialwissenschaften häufig verwendet werden.

### **Inferenzstatistik**

Die univariate, bivariate und multivariate Datenanalyse haben das Ziel, die Verteilung von Variablen zu beschreiben und Zusammenhänge zwischen zwei oder mehr Variablen zu untersuchen. Diese Datenanalyse basiert in der Regel auf Stichproben. Das heißt, es liegen nicht von allen Untersuchungsobjekten einer Grundgesamtheit empirische Informationen vor, sondern nur von einer (zufälligen) Auswahl. Die Inferenzstatistik beschäftigt sich mit der Frage, ob und wie Befunde von Zufallsstichproben auf zugehörige Grundgesamtheiten übertragen werden können (siehe auch Abschnitt 1.2).

Abbildung 1 soll verdeutlichen, dass die Datenanalyse bzw. die Anwendung statistischer Analyseverfahren immer nur eine Phase in einem sozialwissenschaftlichen Projekt darstellt. Empirische Befunde „sprechen“ niemals für sich selbst, sondern sind immer eingebunden in eine sozialwissenschaftliche Forschungsfrage. Ohne theoretische Vorarbeiten (z.B. Entwicklung von Hypothesen) kann eine quantitative Analyse nicht zielorientiert erfolgen. Deshalb muss eine quantitative Datenanalyse immer an den (theoretischen) Forschungsprozess zurückgekoppelt werden, um in Publikationen empirisch interessante und vor allem valide Schlussfolgerungen ziehen zu können.

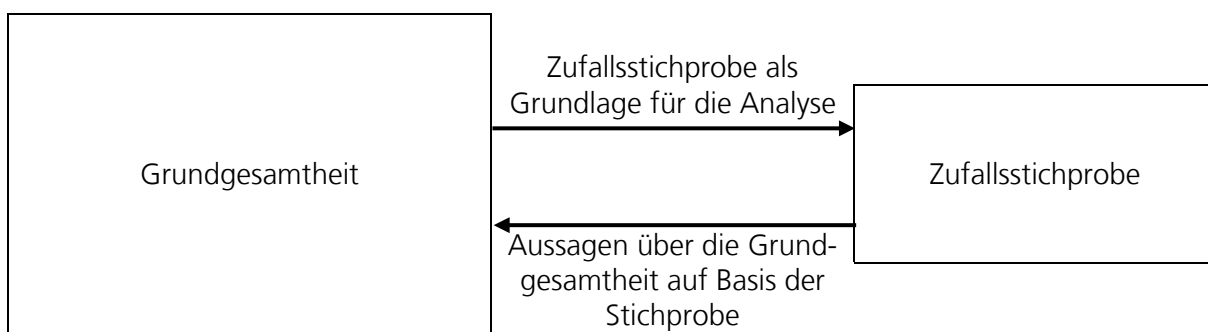
## **1.2 Grundgesamtheit und Stichprobe**

Aus zeitlichen, finanziellen und forschungspraktischen Gründen dominieren in den Sozialwissenschaften Stichproben (Tausendpfund 2018, S. 207-210). Bei empirischen Studien werden in der Regel nicht alle Elemente der Grundgesamtheit untersucht, sondern nur eine zufällige Auswahl

dieser Elemente. Ein Beispiel: Bei der Bundestagswahl 2017 waren nach Angaben des Bundeswahlleiters 61.688.485 Personen wahlberechtigt. Bei einer Analyse des Wahlverhaltens bei der Bundestagswahl bilden diese Personen die Grundgesamtheit. Bei einer Vollerhebung würden empirische Informationen aller Untersuchungsobjekte der Grundgesamtheit erhoben. Die Kosten der Datenerhebung und die Dauer der Erhebung sprechen allerdings gegen eine solche Vollerhebung. Für die Analyse des Wahlverhaltens (z.B. im Rahmen der German Longitudinal Election Study) wird deshalb auch keine Vollerhebung angestrebt, sondern lediglich eine Zufallsstichprobe realisiert.

In Abbildung 2 wird der Zusammenhang zwischen Grundgesamtheit und Stichprobe illustriert. Im Rahmen eines Forschungsprojekts sollen Aussagen über die Grundgesamtheit gemacht werden. In vielen Fällen ist allerdings eine Vollerhebung nicht möglich. Deshalb wird eine Zufallsstichprobe realisiert, die als Grundlage für empirische Analysen dient. Für die Berechnung einfacher Lage- und Streuungsmaße (univariate Datenanalyse), die Untersuchung von Zusammenhängen zwischen zwei Merkmalen (bivariate Datenanalyse) sowie die Schätzung von Regressionsmodellen (multivariate Datenanalyse) werden die Daten der Stichprobe genutzt.

Abbildung 2: Grundgesamtheit und Stichprobe



Quelle: Eigene Darstellung

Bei Zufallsstichproben sind allerdings Stichprobenfehler unvermeidlich. Der Mittel- oder Anteilswert einer Stichprobe wird vom wahren Mittel- oder Anteilswert der Grundgesamtheit abweichen. Ein Beispiel: In der Stichprobe wird ein mittleres Alter von 45,2 Jahren ermittelt. Dieses mittlere Alter wird vom mittleren Alter in der Grundgesamtheit abweichen. Das mittlere Alter in der Grundgesamtheit ist möglicherweise 45,1 Jahre oder 45,3 Jahre, aber vermutlich nicht 45,2 Jahre. Diese Abweichung wird als Stichprobenfehler bezeichnet.

Die Inferenzstatistik stellt uns Instrumente bereit, um zu entscheiden, ob und wie empirische Befunde aus Zufallsstichproben auf zugehörige Grundgesamtheiten übertragen werden dürfen. Die Grundlagen der Inferenzstatistik und ihre Instrumente werden im Kapitel „Inferenzstatistik“ behandelt. Die grundsätzliche Frage, ob Stichprobenergebnisse auf die Grundgesamtheit übertragen werden dürfen, begegnet uns allerdings bereits bei der Darstellung der univariaten, bivariaten und multivariaten Datenanalyse. Wir werden entsprechende Fragen an den erforderlichen Stellen knapp beantworten und ggf. auf das ausführliche Kapitel am Ende dieses Kurses verweisen.

An dieser Stelle möchten wir auf zwei häufige Fehler hinweisen, die wir im Zusammenhang mit Stichproben immer wieder beobachten. Erstens: Die Anwendung der Inferenzstatistik setzt eine



Zufallsstichprobe voraus. Nur bei einer Zufallsstichprobe kann innerhalb statistischer Fehlergrenzen ein Befund auf die Grundgesamtheit übertragen werden. Zweitens: Bei einem sogenannten Signifikanztest (dabei handelt es sich um ein Instrument der Inferenzstatistik) wird geprüft, ob ein in der Stichprobe gefundener Zusammenhang (sehr) wahrscheinlich auch in der Grundgesamtheit existiert. Ein Befund wird als signifikant bezeichnet, wenn er mit großer Sicherheit von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit übertragen werden kann. Signifikant bedeutet aber nicht, dass es sich um einen wichtigen oder starken Zusammenhang zwischen zwei Merkmalen handelt.

### 1.3 Klassifikationen von Variablen

Eine Variable ist ein sozialwissenschaftliches Merkmal mit mindestens zwei Ausprägungen. Das Geschlecht, der allgemeinbildende Schulabschluss oder auch das politische Interesse einer Person sind Beispiele für sozialwissenschaftliche Variablen. Sozialwissenschaftliche Merkmale bzw. Variablen können nach verschiedenen Kriterien klassifiziert werden. Wir unterscheiden vier Kriterien: Skalenniveau, diskrete und stetige Variablen, dichotome und polytome Variablen sowie manifeste und latente Variablen.

#### Verschiedene Skalenniveaus

Eine wichtige Voraussetzung für die Anwendung bestimmter Analyseverfahren ist das Skalenniveau der Variable bzw. des Merkmals. In den Sozialwissenschaften werden meist die Skalenarten von Stevens (1946) verwendet, der vier Skalenniveaus unterscheidet: Nominal-, Ordinal-, Intervall- und Ratioskala. Intervall- und Ratioskalen werden auch metrische Skalen genannt (Tausendpfund 2018, S. 119-124). Das jeweilige Skalenniveau bestimmt die zulässigen Rechenoperationen. Je höher das Skalenniveau ist, desto mehr Rechenoperationen sind möglich.

Das nominale Skalenniveau ist das niedrigste Skalenniveau. Können die Ausprägungen eines Merkmals lediglich im Hinblick auf Gleichheit oder Ungleichheit verglichen werden, liegt ein nominales Skalenniveau vor (Gehring und Weins 2009, S. 43-47). Ein Beispiel für eine nominal skalierte Variable ist das Geschlecht. In vielen sozialwissenschaftlichen Datensätzen wird der Ausprägung „weiblich“ die Ziffer 1 und der Ausprägung „männlich“ die Ziffer 2 zugeordnet. Aber diese Zuordnung ist eine Konvention. Man könnte auch 1 für „männlich“ und 2 für „weiblich“ verwenden. Bei einer nominalskalierten Variable stellen die Ziffern lediglich eine Kennzeichnung dar, die nicht richtig oder falsch, sondern allenfalls mehr oder weniger sinnvoll ist. Die Möglichkeiten der quantitativen Datenanalyse bei nominalskalierten Variablen sind daher begrenzt.

Das ordinale Skalenniveau ist das nächsthöhere Skalenniveau. Bei einer ordinalskalierten Variable können die verschiedenen Ausprägungen einer Variable in eine Rangfolge gebracht werden. Beispiele für ordinalskalierte Variablen sind der Schulabschluss oder auch das politische Interesse. Die allgemeine Hochschulreife ist ein höherer Schulabschluss als die Mittlere Reife und die Mittlere Reife ist ein höherer Abschluss als ein Hauptschulabschluss. Ein „sehr starkes“ Interesse für Politik ist ein größeres Interesse als ein „mittleres“ Interesse für Politik. Bei einer ordinalskalierten Variable können zwar die einzelnen Ausprägungen in eine Rangfolge gebracht werden, aber die Abstände zwischen den Ausprägungen (z.B. Abstand zwischen „Hauptschulabschluss“ und „Mittlere Reife“ sowie zwischen „Mittlere Reife“ und „Allgemeine Hochschulreife“) sind nicht gleich. Über die

Abstände zwischen den Ausprägungen von ordinalskalierten Variablen sind daher keine Aussagen möglich.

### Pseudometrische Variablen

In der Praxis werden ordinale Variablen ab etwa fünf Ausprägungen häufig als pseudometrische Variable behandelt. Neben der Mindestanzahl von fünf geordneten Ausprägungen ist allerdings entscheidend, dass angenommen wird, dass die Abstände zwischen den Ausprägungen gleich sind (Faulbaum et al. 2009, S. 26; Baur 2011; Urban und Mayerl 2018, S. 14).

Variablen sind intervallskaliert, wenn deren Ausprägungen nicht nur in eine Rangfolge gebracht werden können, sondern auch die Abstände zwischen den Ausprägungen sinnvoll interpretiert werden können. Ein Beispiel ist die Temperaturmessung in Celsius. Der Abstand zwischen 15 und 20 Grad Celsius ist genau so groß wie der Abstand zwischen 20 und 25 Grad Celsius (jeweils fünf Grad Celsius). Intervallskalen besitzen allerdings keinen natürlichen Nullpunkt. Der Nullpunkt bei der Celsius-Skala wurde lediglich unter pragmatischen Gesichtspunkten gewählt; auch Temperaturen im negativen Bereich der Celsius-Skala sind immer noch eine „Temperatur“. Bei einer Intervallskala sind die Abstände zwischen den Merkmalsausprägungen interpretierbar, aber es können keine Verhältnisse berechnet werden.

Bei einer Ratioskala (auch Verhältnisskala genannt) existiert ein natürlicher (echter) Nullpunkt. Die Temperaturmessung in Kelvin erfolgt auf einer Ratioskala, da bei 0 Kelvin keine Temperatur (keine Bewegungsenergie) mehr feststellbar ist. Auch das Einkommen und das Alter sind Beispiele für ratioskalierte bzw. verhältnisskalierte Variablen. Dabei können nicht nur die Abstände zwischen zwei Ausprägungen, sondern auch die Verhältnisse von zwei Ausprägungen interpretiert werden. Ein Einkommen von 5000 Euro ist doppelt so hoch wie ein Einkommen von 2500 Euro. Eine 60-jährige Person ist doppelt so alt wie eine 30-jährige Person.

In Tabelle 1 sind die zulässigen Rechenoperationen in Abhängigkeit vom Skalenniveau dokumentiert. Wie Tabelle 1 zeigt, steigt mit dem Skalenniveau auch die Anzahl der möglichen Rechenoperationen. Bei einem nominalskalierten Merkmal können die Ausprägungen nur ausgezählt werden, bei einem ordinalskalierten Merkmal können die Ausprägungen in eine Reihenfolge gebracht werden. Bei intervallskalierten Variablen können Differenzen, bei ratioskalierten Variablen auch Verhältnisse gebildet werden.

Tabelle 1: Zulässige Rechenoperationen in Abhängigkeit vom Skalenniveau

	<b>Auszählen</b>	<b>ordnen</b>	<b>Differenz bilden</b>	<b>Quotienten bilden</b>
Nominalskala	Ja	Nein	Nein	Nein
Ordinalskala	Ja	Ja	Nein	Nein
Intervallskala	Ja	Ja	Ja	Nein
Ratioskala	Ja	Ja	Ja	Ja

Quelle: Mittag (2017, S. 20)

Die Kenntnis des Skalenniveaus einer Variable ist eine wichtige Voraussetzung für die Wahl eines geeigneten Analyseverfahrens. Je höher das Skalenniveau einer Variable ist, desto mehr (und leistungsfähigere) Analyseverfahren stehen der Sozialwissenschaftlerin zur Verfügung. Die Kenntnis des Skalenniveaus einer Variable ist wichtig, um bei der Datenanalyse nur die zulässigen Analyseverfahren auszuwählen. Viele statistische Verfahren sind nur zulässig, wenn die Variable mindestens intervallskaliert ist bzw. als pseudometrisch behandelt werden kann.

### **Diskrete und stetige Variablen**

Die Einteilung als diskrete oder stetige Variable basiert auf der Anzahl der möglichen Ausprägungen. Eine diskrete Variable ist eine Variable, die nur endlich viele Ausprägungen oder höchstens „abzählbar“ unendlich viele verschiedene Ausprägungen besitzt (Diaz-Bone 2018, S. 22; Mittag 2017, S. 18). Bei einer diskreten Variable sind keine Zwischenwerte zwischen zwei aufeinander folgenden Ausprägungen möglich. Beispiele für diskrete Variablen sind der Familienstand einer Person, die Anzahl der Fachsemester oder auch die Kinderzahl einer Familie. Bei diesen Variablen sind Zwischenwerte wie 5,6 Fachsemester oder 2,3 Kinder keine möglichen Ausprägungen. Eine stetige Variable ist dadurch gekennzeichnet, dass auch Zwischenwerte möglich sind. Typische Beispiele für stetige Variablen sind Zeit- und Größenangaben, aber auch monetäre Größen wie Einkommen oder Mietpreise. In der Praxis wird bei solchen Merkmalen aber nur eine begrenzte Anzahl an Nachkommastellen erfasst, beispielsweise werden bei Größenangaben meist nur zwei Nachkommastellen angegeben. Grundsätzlich sind allerdings auch mehr Nachkommastellen möglich.

### **Dichotome und polytome Variablen**

Eine diskrete Variable, die nur eine geringe Anzahl an Ausprägungen hat, wird als kategoriale Variable bezeichnet (Diaz-Bone 2018, S. 23). Hat eine kategoriale Variable nur zwei mögliche Ausprägungen, dann handelt es sich um eine dichotome Variable. Typische Beispiele für dichotome Variablen sind der Tabakkonsum oder auch die Wahlbeteiligung, bei denen nur die Ausprägungen „Ja“ und „Nein“ möglich sind. Eine diskrete Variable mit mehreren Ausprägungen wird als polytome Variable bezeichnet. Ein Beispiel für eine polytome Variable ist die Zugehörigkeit bzw. Nicht-Zugehörigkeit zu einer Religionsgemeinschaft mit den Ausprägungen „römisch-katholische Kirche“, „evangelische Kirche (ohne Freikirchen)“, „evangelische Freikirche“, „eine andere christliche Religionsgemeinschaft“, „eine andere, nicht-christliche Religionsgemeinschaft“ und „keine Religionsgemeinschaft“.

### **Manifeste und latente Variablen**

Schließlich lassen sich auch manifeste und latente Variablen unterscheiden. Bei manifesten Variablen handelt es sich um Merkmale, die direkt beobachtbar sind. Eine manifeste Variable ist beispielsweise das Geschlecht oder die Haarfarbe einer Person. Dagegen handelt es sich bei latenten Variablen um Merkmale, die sich der direkten Beobachtung entziehen. Latente Variablen sind beispielsweise Intelligenz, Einstellungen wie die Zufriedenheit mit der Demokratie oder auch das soziale Vertrauen. Für eine empirische Untersuchung müssen latente Variablen erst „beobachtbar“ gemacht werden. Dieser Vorgang wird als Operationalisierung bezeichnet (Tausendpfund 2018, S. 107-137).